

KURVENDISKUSSION

Kurzbeschreibung: SchülerInnen lernen, wie man systematisch Aufgaben zur Kurvendiskussion mit einem Flowchart Diagramm lösen kann.

Zielgruppe: 3. Klasse (Sek. 2)

Fach: Mathematik

Digitale Grundbildung: Computational Thinking

Lehrplanbezug: Grundlagen der Differentialrechnung anhand von Polynomfunktionen

Dauer: ~20min.

Diagrammtyp: Flowchart Diagramm

Sprache: Deutsch

MODELING AT SCHOOL

Co-funded by the
Erasmus+ Programme
of the European Union

"The European Commission support for the production of this publication does not constitute an endorsement of the contents which reflects the views only of the authors, and the Commission cannot be held responsible for any use which may be made of the information contained therein."



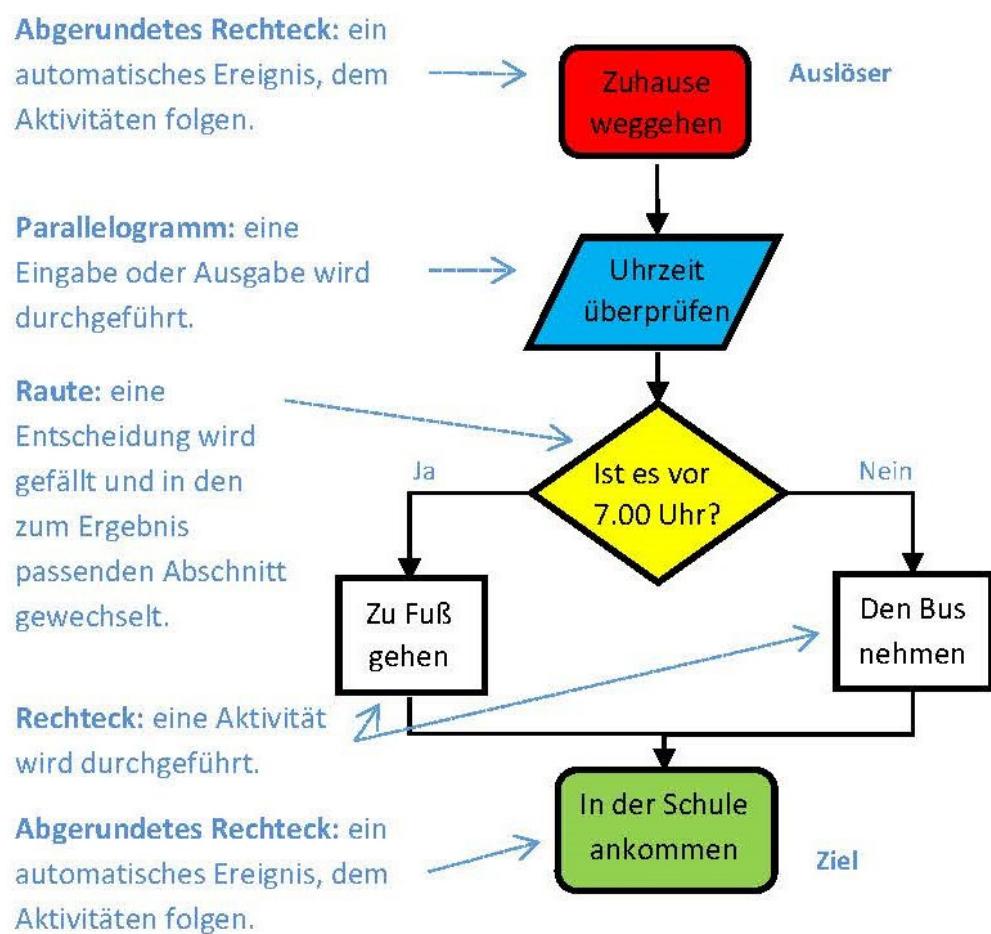
05



FLOWCHART DIAGRAMM

AKTIVITÄTEN, VORGÄNGE & REGELN

Ein Flowchart Diagramm, oder auch Flussdiagramm zeigt einen Prozess in einzelnen Schritten, die als Vierecke aller Arten dargestellt werden. Jede Vierecks-Form hat eine eigene Funktion und die Reihenfolge wird durch die Pfeilrichtung bestimmt.

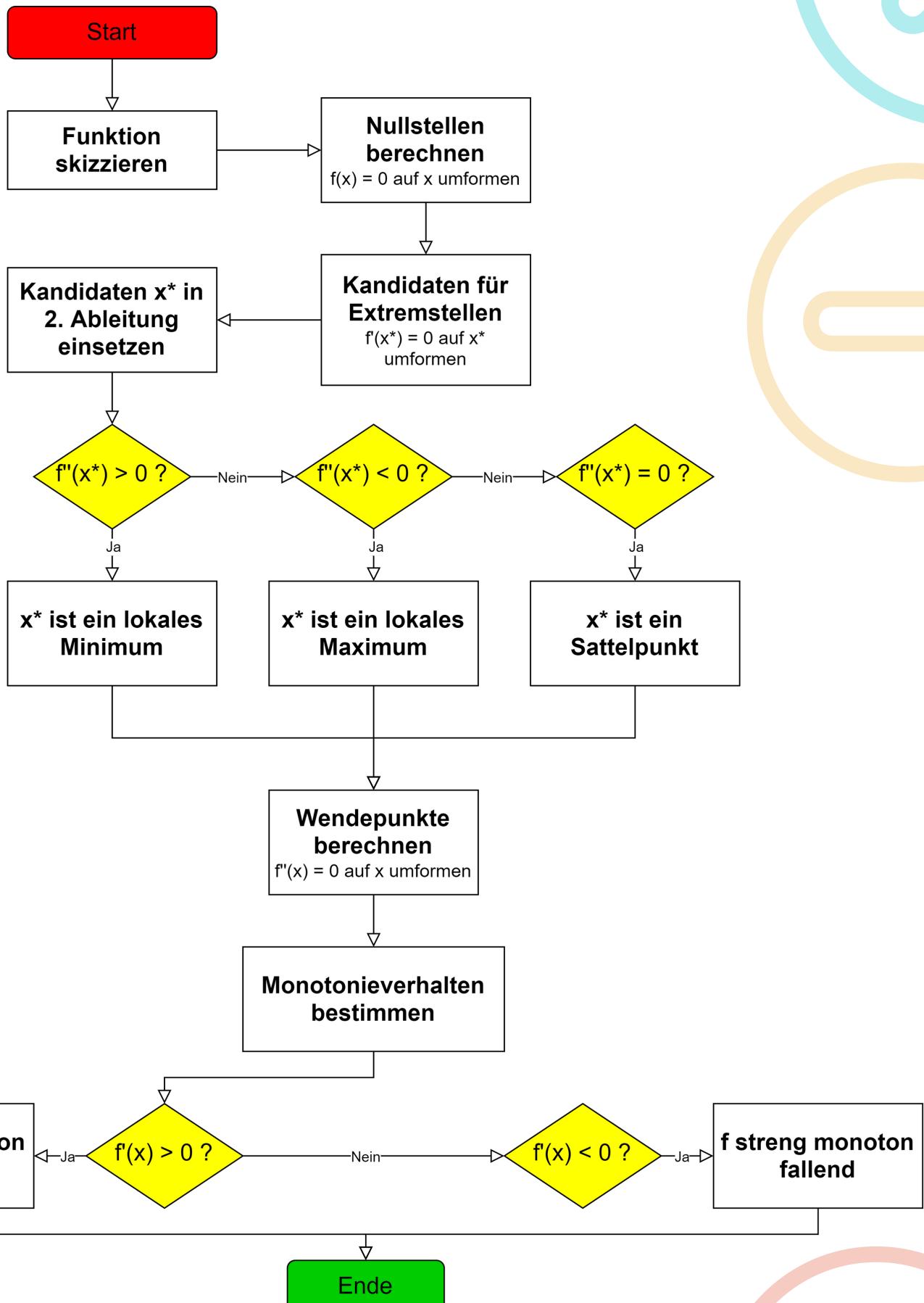


Kurvendiskussion

Die Kurvendiskussion ist für viele Schüler nicht so einfach. Jedoch ist diese überhaupt nicht schwierig, wenn man sie Schritt für Schritt abarbeitet. Auf der nächsten Seite befindet sich ein Flowchart Diagramm, welches einen systematischen Weg zeigt, wie man Aufgaben zur Kurvendiskussion lösen kann.



Kurvendiskussion



Aufgabe:

Beschreibe nun zu folgender Funktion eine Kurvendiskussion, indem du die Punkte des Flowchartdiagramms durcharbeitest. Du kannst zur Hilfe Geogebra verwenden.

- $f(x) = x^4 - 8x^2 + 16$



Co-funded by the
Erasmus+ Programme
of the European Union

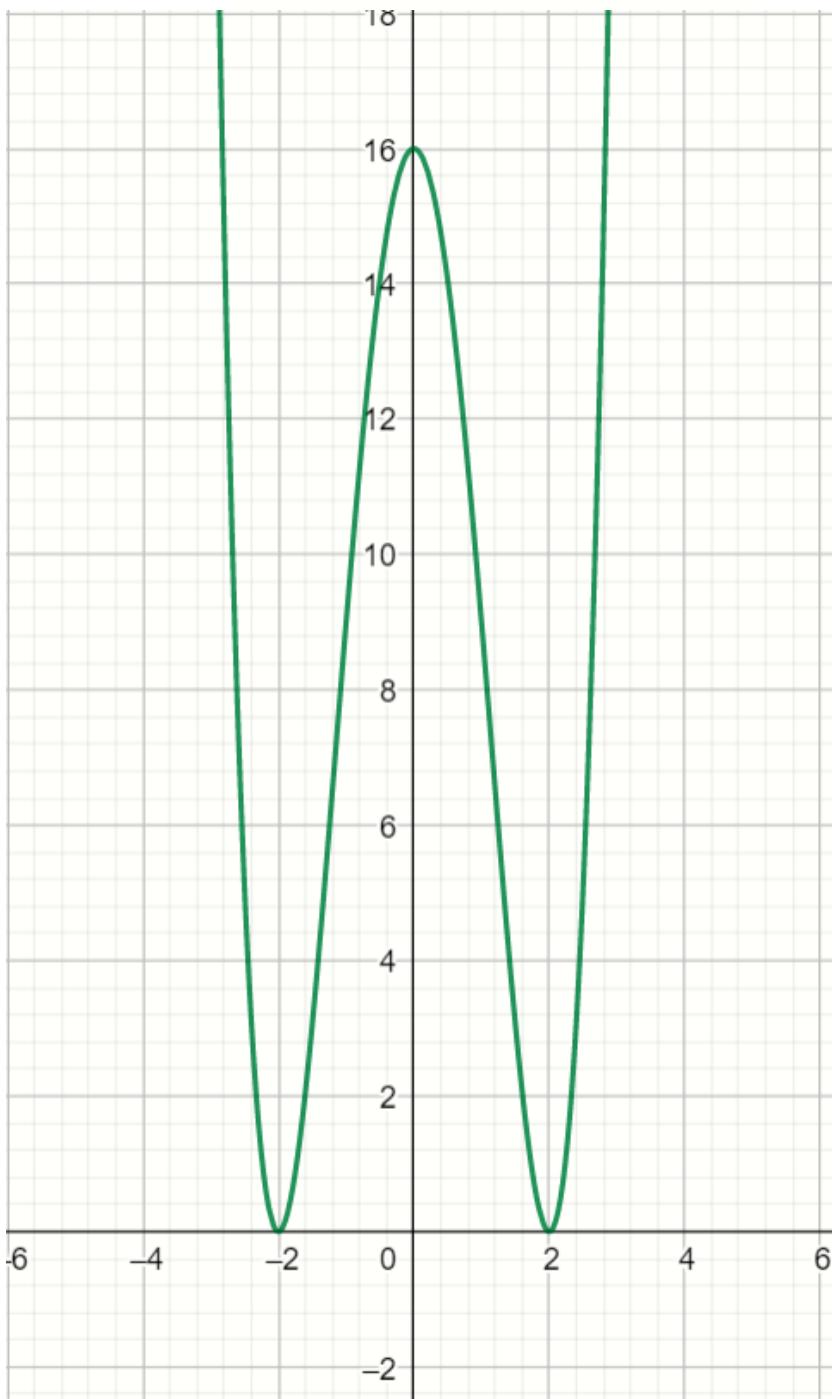
CC BY-NC-SA 4.0 JKU COOL LAB

*The European Commission support for the production of this publication does not constitute an endorsement of the contents which reflects the views only of the authors, and the Commission cannot be held responsible for any use which may be made of the information contained therein.



Lösung:

- Skizze: $f(x) = x^4 - 8x^2 + 16$



Lösung:

- Nullstellen:

$$f(x) = 0$$

$$x^4 - 8x^2 + 16 = 0$$

$$x_1 = -2, x_2 = 2$$

- Kandidaten für Extremstellen:

$$f'(x) = 4x^3 - 16x$$

$$f'(x) = 0$$

$$4x^3 - 16x = 0$$

$$x_1 = -2, x_2 = 0, x_3 = 2$$

- Kandidaten in 2. Ableitung einsetzen:

$$f''(x) = 12x^2 - 16$$

$f''(-2) = 32 > 0 \Rightarrow$ lokales Minimum

$f''(0) = -16 < 0 \Rightarrow$ lokales Maximum

$f''(2) = 32 > 0 \Rightarrow$ lokales Minimum



Lösung:

- Wendepunkte berechnen:

$$f''(x) = 0$$

$$12x^2 - 16 = 0$$

$$x_1 = -\sqrt{\frac{4}{3}}, x_2 = +\sqrt{\frac{4}{3}}$$

- Monotonieverhalten bestimmen:

$f'(x) < 0$ für $x \in (-\infty, -2] \cup [0, 2]$ => streng monoton fallend

$f'(x) > 0$ für $x \in [-2, 0] \cup [2, \infty)$ => streng monoton steigend





MÖCHTEN SIE MEHR ERFAHREN?

DANN WERFEN SIE EINEN
BLICK AUF UNSERE ONLINE
TUTORIALS



ODER BESUCHEN SIE
UNSERE WEBSEITE

www.computationalthinking.guru

FOLGT U N S



@diagram.guru

Diagram_guru

diagram.guru

*The European Commission support for the production of this publication does not constitute an endorsement of the contents which reflects the views only of the authors, and the Commission cannot be held responsible for any use which may be made of the information contained therein.